気液平衡の相関と推算

小渕茂寿(理工学研究科環境共生系専攻) 米澤節子(九州大学大学院工学研究院化学工学部門) 福地賢治(宇部高専物質工学科) 荒井康彦(九州大学名誉教授)

Correlation and Prediction of Vapor-Liquid Equilibria

Shigetoshi KOBUCHI

(Department of Environmental Science and Engineering, Graduate School of Science and Engineering, Yamaguchi University) Setsuko YONEZAWA (Department of Chemical Engineering, Faculty of Engineering, Kyushu University) Kenji FUKUCHI(Department of Chemical and Biological Engineering, Ube National College of Technology) Yasuhiko ARAI (Professor Emeritus of Kyushu University)

The definition of technical words "correlation" and "prediction" in the vapor-liquid equilibrium (VLE) calculation have been considered. "Correlation" should be used when VLE is calculated by using the experimental VLE data of a mixture concerned. Namely, this means the evaluation of the model parameters of an activity coefficient equation from experimental VLE data. On the other hand, "prediction" is acceptable when VLE can be obtained by calculation, with no VLE data of a mixture concerned, based on the knowledge of molecular structures and the pure component properties of constituent pure components. As a useful prediction method, UNIFAC has been widely adopted. The performances of UNIFAC and GC-W proposed by the present study are compared and discussed in the prediction of VLE for various binary mixtures consisting of non-polar and polar components.

Key Words: vapor-liquid equilibrium, correlation, prediction, Wilson equation, group-contribution method, pure-component property, UNIFAC

1. はじめに

化学工業においては、原料や製品の分離・ 精製のため、蒸留塔が広く用いられている。 その蒸留プロセスの設計においては(主に段 数の決定)、対象となる混合物の気液平衡 (Vapor-Liquid Equilibria;VLE)が基礎的知見と して不可欠である。そのため、たとえば大気 圧下の VLE は、オスマー型の装置を用いて測 定されることが多い。また、設計では実測さ れた測定点(組成)以外の VLE も必要とされ るため、対象とする混合物の VLE を計算式で 表現することはWilson式など)が用いられ、 必要とされるモデル・パラメータを VLE デー タから決定している。その場合の VLE 計算の 手法を通常相関(correlation)と呼んでいる。一 方、正確な VLE 測定には経験と日時を要する ため、対象となる混合物の VLE を実測によら ず、計算のみから入手できれば望ましい。こ の手法を一般に推算(prediction)ということが 多い。

ここでは、VLEの相関と推算について解説 する。さらに、一連の本研究で提案してきた VLE 推算法(GC-W)と推算法として広く活 用されている UNIFAC の比較についても述べ、 若干の考察を加える。

2. 相関と推算

2.1 相関

圧力が十分低く、気相が理想気体で近似でき

る場合 VLE (*x-y-p-t*) は、次式で計算できる。

$$py_i = x_i \gamma_i p_i^{\circ}(t) \tag{1}$$

ここで、xとyはそれぞれ液相と気相のモル分 率であり、p は全圧および p°(t)は温度 t (平衡 温度)における純物質の蒸気圧である。したが って、VLE データを用いると式(1)より成分 i の活量係数(液相)γ_iが求められる。この活量 係数を適切な数式を用いて表現する(モデル・ パラメータを決定する)。活量係数式が得られ れば、任意の液相組成に対する気相組成を式(1) より容易に算出することができる。すなわち、 逆算に相当し、この VLE 計算を一般に相関 (correlation)と呼んでいる。ここで、理想溶液(分 子間相互作用が無視できる混合物)では χ=1 と なるが、ほとんどの混合物については_バ≠1 で あり適切な活量係数式が必要とされる。そのた め、これまでの数多くの活量係数式が報告され ているが¹⁾、その中でも Wilson 式²⁾が最良と評 価されている³⁾。

2.2 推算

VLE を相関で得ようとすると、信頼性の高い VLE データ(測定値)が必要とされる。VLE 測定には機器、費用、経験、日時を要し、正確 なデータを入手するのは、容易なことではない。 そこで、VLE データを用いずに計算のみにより VLE データを求めることが、強く望まれている。 この場合の「計算のみによる」をどのように考 えるかである。何らデータを使用せず、計算の みによって VLE が求められれば最も望ましい が、多種多様な混合物の VLE を対象にした場 合、現在のところでは困難と思われる(今後の 量子化学計算などの進歩により、少しずつ可能 になると思われるが)。そこで、混合物を構成 する各成分の純物質物性を用いて VLE を算出 することを推算(prediction)と位置づけること が多い。化学工業で対象となる物質(純物質) の数はある程度限られており、それらの基本と なる物性値(蒸気圧など)は求められているこ とが多い。一方、各純物質の組合せからなる2 成分系や 3 成分系以上の多成分系混合物の数 は膨大となり、それらの VLE を実測により求 めることは、きわめて困難と言わざるを得ない。 このことから、純物質の物性値(入手しやすい もの)を用いて、混合物の VLE が計算のみで 求められれば、工学的にきわめて有力な手法と なる。

3. GC-W

本研究では、これまでにVLE推算法として、

GC-W(Group-Contribution method based Wilson equation)を提案してきた⁴⁻¹²⁾。活量係数式としては、最良と評価されている Wilson 式を採用し、そのモデル・パラメータを純物質の分子構造と物性より推算する手法である。その概要は次のようである。

良好な結果を与える活量係数式として広く 知られた Wilson 式²⁾は、次式で与えられる。

$$\ln \gamma_1 = -\ln(x_1 + A_{12}x_2) + x_2 \left(\frac{A_{12}}{x_1 + A_{12}x_2} - \frac{A_{21}}{A_{21}x_1 + x_2}\right)$$
(2)

$$\ln \gamma_2 = -\ln(\Lambda_{21}x_1 + x_2) - x_1 \left(\frac{\Lambda_{12}}{x_1 + \Lambda_{12}x_2} - \frac{\Lambda_{21}}{\Lambda_{21}x_1 + x_2}\right)$$
(3)

ここで、 Λ_{12} および Λ_{21} が Wilson パラメータで あるが、分子対エネルギー λ とモル体積 ν を用 いて、次式で定義される。

$$\mathbf{A}_{ij} = \frac{v_j}{v_i} \exp\left[-\frac{\lambda_{ij} - \lambda_{ii}}{RT}\right]$$
(4)

著者ら⁴⁻¹²は、式(4)の分子対エネルギーλを 次式で予測することを提案した。

$$\lambda_{ij} = -\left(1 - \varepsilon_{ij}\right) \left(v_i v_j\right)^{0.5} \delta_i \delta_j \tag{5}$$

ここで、任意の温度 t[\mathbb{C}]におけるモル体積 vおよび溶解度パラメータ δ は、それぞれ次式 で求められる。

$$v_t = v_{25} + \beta (t - 25), \quad \beta = (v_b - v_{25})/(t_b - 25)$$
 (6)

$$\delta_t = \left(v_{25} / v_t\right) \delta_{25} \tag{7}$$

上式における 25[°]Cのモル体積 v_{25} および溶解 度パラメータ δ_{25} は Fedors¹³⁾のグループ寄与法 により、標準沸点 t_b におけるモル体積 v_b は Le Bas¹⁴⁾の加算法より容易に算出できる。すなわ ち、各成分の分子構造の知見から求めること ができる。

一方、異種分子間相互作用パラメータ ε_{ij} ($\neq \varepsilon_{ji}$)を理論的に求めることは困難であり、VLE データのフィッティングにより決定する。得られた結果について種々検討し、溶解度パラ メータと標準沸点を用い、次式で整理できる ことを見出した⁴⁻⁶。

$$\varepsilon_{12} = a_{12} + b_{12}t_{b,1} + c_{12}t_{b,2} + d_{12}\delta_{25,1}^{2} + e_{12}\delta_{25,2}^{2}$$
(8)

$$\varepsilon_{21} = a_{21} + b_{21}t_{b,1} + c_{21}t_{b,2} + d_{21}\delta_{25,1}^{2} + e_{21}\delta_{25,2}^{2}$$
(9)

上式の係数(a~e)について、無極性分子で ある炭化水素混合物から極性の強い水および 気相で会合する(ダイマー形成)カルボン酸 を含む系まで、種々の混合系について報告さ れている⁴⁻¹²⁾。それらを Table 1 にまとめて示 すがこれらの混合系に属する2成分系のVLE は、推算することが可能である。たとえば、 Hydrocarbon +Acetic acid 系の係数値は、5種 の炭化水素(ベンゼン、p-キシレン、シクロ ヘキサン、オクタンおよびデカン)を含む混 合物の VLE データを用いて決定されている。 得られた係数値は、炭化水素一般に適用でき るので、係数決定に用いられていないトルエ ンやヘプタンあるいは異性体の i-オクタンな どの炭化水素との2成分系 VLE も分子構造の 知見と純物質の物性より計算で求めることが 可能である。その意味で、本研究の GC-W を 推算法と位置づけることができる。異種分子 間相互作用パラメータ ε12 および ε1 は、はじめ $\Delta \delta_{25}^{2} = |\delta_{25,1}^{2} - \delta_{25,2}^{2}|$) で整理することを試み たが¹⁵⁾、やや不十分な結果であった。そこで、 純物質物性としては δ_{25}^2 に $t_{\rm h}$ (標準沸点)を加 えた場合に良好な結果が得られることを見出 した⁴⁻⁶⁾。ここで δ_{25}^{2} (凝集エネルギー密度) は各成分の極性の強さを表し、th は分子構造 を反映するため異性体の識別に有用と考えら れている。そこで、分子構造と thの関係につ いては前報¹⁶⁾で考察した。

4. UNIFAC

広く用いられているグループ寄与法に基づ く活量係数式には、UNIFAC(UNIQUAC Functional-group Activity Coefficient) と ASOG(Analytical Solution Of Groups)がある¹⁾。 ここでは、UNIFAC を取り上げる。UNIFAC による活量係数は次式で与えられる¹⁾。

$$\ln \gamma_i = \ln \gamma_i^{\rm C} + \ln \gamma_i^{\rm R} \tag{10}$$

ここで,右辺第1項(combinatorial項)は、次式 で求めることができる。

$$\ln \gamma_i^{\rm C} = \ln \frac{\phi_i}{x_i} + \left(\frac{z}{2}\right) q_i \ln \frac{\theta_i}{\phi_i} + l_i - \frac{\phi_i}{x_i} \sum_j x_j l_j \tag{11}$$

ただし、各パラメータは、それぞれ次のよう に算出される。

$$l_i = (z/2)(r_i - q_i) - (r_i - 1), \quad z = 10$$
(12)

$$\phi_i = \frac{r_i x_i}{\sum_j r_j x_j} \quad , \qquad \theta_i = \frac{q_i x_i}{\sum_j q_j x_j} \tag{13}$$

$$r_i = \sum_k v_k^{(i)} R_k$$
 , $q_i = \sum_k v_k^{(i)} Q_k$ (14)

ここで、 ϕ_i は成分 i のセグメント分率(segment fraction)であり、 θ_i は成分 i の表面積分率である。また $v_k^{(i)}$ は分子 i 中のグループk の数であり、 R_k はグループ体積パラメータ、 Q_k はグループ表面積パラメータである。なお、zは配位数であるが一般にz = 10と与えられる。さらに、第2項の residual 項は、次式で与えられる。

$$\ln \gamma_i^{\rm R} = \sum V_k^{(i)} \left(\ln \Gamma_k - \ln \Gamma_k^{(i)} \right) \tag{15}$$

ただし、グループkのグループ活量係数 Γ_k は 次式で求められる。

$$\ln \Gamma_{k} = Q_{k} \left[1 - \ln \left(\sum_{m} \Theta_{m} \Psi_{mk} \right) - \sum_{m} \frac{\Theta_{m} \Psi_{km}}{\sum_{n} \Theta_{n} \Psi_{nm}} \right]$$
(16)

さらに、各パラメータは、次のようにして求 めることができる。

$$\Theta_{m} = \frac{Q_{m}X_{m}}{\sum_{n}Q_{n}X_{n}}, \quad X_{m} = \frac{\sum_{i}x_{i}v_{m}^{(i)}}{\sum_{i}x_{i}\sum_{n}v_{n}^{(i)}}$$
(17)

$$\Psi_{mn} = \exp\left(-\frac{a_{mn}}{T}\right) \tag{18}$$

ここで、
$$\Theta_m$$
はグループ m の表面積分率であり、

山口大学工学部研究報告

Binary system (1) + (2)	Ref.	$a_{12} \\ a_{21}$	$b_{12} \\ b_{21}$	c ₁₂ c ₂₁	$d_{12} \ d_{21}$	e_{12} e_{21}
Paraffinic + Aromatic hydrocarbon	[5]	15.2407 -6.1894	$1.65{\times}10^{-2} \\ -9.94{\times}10^{-4}$	$-2.07{\times}10^{-5} \\ -8.26{\times}10^{-5}$	-6.36×10^{-2} 1.28×10^{-2}	-6.40×10^{-3} 9.51×10 ⁻³
Cyclohexane + Paraffinic or Aromatic hydrocarbon	[5]	0.1807 -0.1174	0 0	$1.08{\times}10^{-3} \\ -1.82{\times}10^{-3}$	0 0	-6.53×10^{-4} 7.86×10 ⁻⁴
Ether + Paraffinic hydrocarbon	[4]	0.3419 -0.1808	$\begin{array}{c} -2.64{\times}10^{-3} \\ 2.73{\times}10^{-3} \end{array}$	2.18×10^{-3} -2.42×10 ⁻³	$^{-1.46\times10^{-3}}_{1.58\times10^{-3}}$	$\begin{array}{c} 2.17{\times}10^{-4} \\ -9.98{\times}10^{-4} \end{array}$
Ether + Alcohol	[7]	0.5183 -0.9481	$\begin{array}{c} -2.64{\times}10^{-3} \\ 2.92{\times}10^{-3} \end{array}$	3.83×10^{-4} -1.63×10 ⁻³	5.37×10^{-4} 1.25×10^{-3}	$^{-4.90\times10^{-4}}_{-8.27\times10^{-4}}$
Ketone + Cyclohexane or Aromatic hydrocarbon	[4]	1.1806 -1.0989	-3.60×10^{-3} 3.38×10^{-3}	$\substack{-8.74\times10^{-4}\\1.29\times10^{-3}}$	-2.55×10^{-3} 3.62×10^{-3}	3.14×10^{-4} -1.55×10 ⁻³
Ketone + Alcohol	[4]	1.1034 -1.3730	-4.32×10^{-3} 5.17×10 ⁻³	$1.88{\times}10^{-3} \\ -2.29{\times}10^{-3}$	$^{-1.51\times10^{-3}}_{1.96\times10^{-3}}$	$\begin{array}{r} -4.66{\times}10^{-4} \\ 6.50{\times}10^{-4} \end{array}$
Ethanol + Hydrocarbon	[4]	0.1137 0.4269	0 0	$\begin{array}{c} 2.31{\times}10^{-3} \\ -2.20{\times}10^{-3} \end{array}$	0 0	-7.48×10^{-4} -3.21×10^{-4}
C_3 , C_4 alcohol + Hydrocarbon	[9]	-0.3488 0.2225	$\begin{array}{c} -2.13{\times}10^{-3} \\ 1.45{\times}10^{-3} \end{array}$	$\begin{array}{c} 2.02{\times}10^{-3} \\ -2.04{\times}10^{-3} \end{array}$	8.82×10^{-4} 4.42×10^{-7}	-4.85×10^{-4} -4.31×10^{-5}
Alcohol + Carbon tetrachloride	[8]	-0.4423 0.2227	$\begin{array}{c} -3.51{\times}10^{-3} \\ 1.90{\times}10^{-3} \end{array}$	0 0	$1.06{\times}10^{-3} \\ -2.32{\times}10^{-4}$	0 0
+ Chloroform	[8]	0.1026 0.2440	-6.25×10^{-3} 2.23×10^{-3}	0 0	$\begin{array}{c} 4.90{\times}10^{-4} \\ -3.82{\times}10^{-4} \end{array}$	0 0
+ Tetrachloroetylene	[8]	-0.3874 0.2504	-2.16×10^{-3} 1.07×10^{-3}	0 0	1.12×10^{-3} -4.19×10 ⁻⁴	0 0
+ Trichloroethylene	[8]	$-0.3882 \\ 0.2048$	-2.42×10^{-3} 1.63×10^{-3}	0 0	$9.90{ imes}10^{-4}$ -3.38×10 ⁻⁴	0 0
+ 1, 2-Dichloroethane	[8]	-0.6188 0.4475	$-1.44{ imes}10^{-3}$ 6.28 ${ imes}10^{-4}$	0 0	$1.16{\times}10^{-3} \\ -5.71{\times}10^{-4}$	0 0
Ester + Hydrocarbon	[11]	$-0.2302 \\ 0.0518$	-3.40×10^{-3} 3.02×10^{-3}	$2.32{ imes}10^{-3}$ -1.97 ${ imes}10^{-3}$	1.25×10^{-3} 8.22×10^{-5}	$-1.80{ imes}10^{-4}$ $-5.06{ imes}10^{-4}$
Formate + Alcohol	[11]	-5.2125 5.1923	4.43×10^{-4} 2.45×10^{-4}	$1.54{ imes}10^{-4}$ -9.24 ${ imes}10^{-4}$	$1.71{\times}10^{-2} \\ -1.74{\times}10^{-2}$	$-5.84{ imes}10^{-4}$ 9.13 ${ imes}10^{-4}$
Acetate + Alcohol	[11]	$-0.1734 \\ 0.0602$	$\begin{array}{c} -2.24{\times}10^{-3} \\ 2.42{\times}10^{-3} \end{array}$	$1.43{\times}10^{-3} \\ -1.75{\times}10^{-3}$	$1.88{\times}10^{-3} \\ -1.84{\times}10^{-3}$	-4.31×10^{-4} 6.93×10^{-4}
Propanoate or Butanoate + Alcohol	[11]	0.6111 0.0904	-3.30×10^{-3} 3.21×10^{-3}	2.55×10^{-3} -2.85×10 ⁻³	$^{-5.19\times10^{-4}}_{-1.83\times10^{-3}}$	$-4.56{ imes}10^{-4}$ $6.83{ imes}10^{-4}$
Water + Alcohol	[4]	0.2944 -0.2090	0 0	2.83×10^{-3} 1.84×10^{-3}	0 0	-7.12×10^{-4} 2.84×10^{-4}

Table 1 Coefficients of Eqs. (8) and (9) for various classified binary systems

Table 1 continued

Binary system $(1) + (2)$	Ref.	a_{12}	b_{12}	c_{12}	d_{12}	e_{12}
		a_{21}	b_{21}	c_{21}	d_{21}	e_{21}
Hydrocarbon + Acetic acid	[12]	0.4502	-1.74×10^{-3}	0	-7.72×10^{-4}	0
		0.2259	1.39×10^{-3}	0	-4.64×10^{-4}	0
Hydrocarbon + Propionic acid	[12]	0.5217	-2.34×10^{-3}	0	-7.85×10^{-4}	0
		-0.1836	2.05×10^{-3}	0	3.40×10^{-4}	0
Hydrocarbon + Butyric acid	[12]	0.3737	-2.90×10^{-3}	0	7.50×10^{-5}	0
		0.2139	-5.22×10^{-5}	0	-1.32×10^{-4}	0
Ketone + Carboxylic acid	[12]	-2.4445	-5.59×10^{-3}	1.51×10^{-2}	-5.32×10^{-3}	5.44×10 ⁻³
		1.7977	5.80×10 ⁻³	-1.58×10^{-2}	7.45×10^{-3}	-5.27×10^{-3}
Ester + Carboxylic acid	[12]	-2.9147	-5.78×10^{-4}	0.0	2.10×10^{-2}	-7.36×10^{-3}
		3.3831	9.28×10^{-4}	0.0	-2.19×10^{-2}	7.07×10^{-3}

 X_m はグループ m のグループ分率である。また a_{nm} はグループ相互作用パラメータであり、 a_{mn} $\neq a_{nm}$ 、 $a_{nn}=0$ の条件がある。UNIFAC 式では計 算に必要とするパラメータは、 R_k 、 Q_k および a_{mn} であるが、グループ体積パラメータ R_k と グループ表面積パラメータ Q_k は、van der Waals 体積と van der Waals 表面積により計算 することができる。また、式(18)中のグループ 相互作用パラメータ a_{mn} は、入手しうる数多 くの気液平衡データ(実測値)を用いて決定 されている^{17,18)}。この相互作用パラメータ a_{mn} が適用できる混合物の VLE は、推算によって 求めることができる。

5. GC-WとUNIFACの比較

参考のため、いくつかの混合物の VLE につ いて GC-W と UNIFAC による推算結果を比較 して Figs. 1 – 8 に示す。図中のデータ点は、 主に DECHEMA データブックより引用したも ので、詳細は前報 412 を参照されたい。なお、 GC-W と UNIFAC の計算結果がほぼ同等で、 計算線が重なっている混合系もある。

GC-WとUNIFACの計算結果を比較してみ ると、GC-WがUNIFACとほぼ同等かあるい はいくぶん良好であることがFigs.1-8から 示される。なお、両者の推算誤差をTable2に 示す。この理由としては、次のようなことが 考えられる。UNIFACのグループ相互作用パ ラメータ a_{mn} は、パラメータ決定に用いられ た全混合系共通に用いられる。これに対して GC-W では相互作用パラメータ ε_{12} 、 ε_{21} はいく つかの限られた混合系群毎に決定されている。 このように対象系の広さから考えると、GC-W が優位な結果となることは自然なことのよう に考えられる。他の理由としては、UNIFAC が UNIQUAC に基づいているのに対して、 GC-W は現状で最良とされる Wilson 式に基づ いていることも(活量係数の関数形の違い) 考えられよう。さらに、GC-W では分子構造 を適切に反映する標準沸点(t_b)を ε_{12} 、 ε_{21} の予測 式のパラメータに用いているため¹⁶、異性体 を含む混合物については、良好な結果を与え ている可能性がある。

6. おわりに

気液平衡(VLE)計算における"相関 (correlation)"と"推算(prediction)"の用語につい て考察した。プロセス設計においては、対象 とする混合物の VLE データを用いずに、計算 のみにより VLEを入手する推算法がより有用 である。これまでに、グループ寄与法に基づ く推算法として、UNIFAC や ASOG が広く用 いられてきた。ここでは UNIFAC を取り上げ、 種々の混合物の VLE の推算結果につき、本研 究で推算法として提案する GC-W と比較した。 その結果、GC-W による推算が UNIFAC と比 べてほぼ同等か良好であることが示され、全



Fig.1 Prediction of VLE for diethyl ether (1) + 2-methylbutane (2) at 101.3kPa. Experimental: (○); GC-W: (−); UNIFAC: (---)



Fig.2 Prediction of VLE for methyl *i*- butyl ketone (1) + 2-butanol (2) at 101.3kPa. Experimental: (\circ) ; GC-W: (-); UNIFAC: (---)



Fig.3 Prediction of VLE for 2-propanol (1) + toluene (2) at 101.3kPa. Experimental: (○); GC-W: (−); UNIFAC: (---)



Fig.4 Prediction of VLE for methanol (1) + carbon tetrachloride (2) at 101.3kPa. Experimental: (○); GC-W: (−); UNIFAC: (---)



Fig.5 Prediction of VLE for *i*-propyl acetate (1) + 2-propanol (2) at 101.3kPa. Experimental: (○); GC-W: (−); UNIFAC: (---)



Fig.6 Prediction of VLE for water (1) + 2-propanol (2) at 101.3kPa. Experimental: (°); GC-W: (-); UNIFAC: (---)



Fig.7 Prediction of VLE for cyclohexane (1) + propionic acid (2) at 101.3kPa. Experimental: (○); GC-W: (−); UNIFAC: (---)



Fig.8 Prediction of VLE for butyl formate (1) + formic acid (2) at 101.3kPa. Experimental: (0); GC-W: (-); UNIFAC: (---)

Table 2 Deviations in prediction by OC-w and UNITA	Table 2	Deviations	in	prediction	by	GC-W	and	UNIFA
--	---------	------------	----	------------	----	------	-----	--------------

$\mathbf{P}_{\mathbf{r}}$	GC	-W	UNIFAC		
= = = = = = = = = = = = = = = = = = =	$\Delta y_1[\%]^*$	$\Delta t [^{\circ}\mathrm{C}]^{**}$	$\Delta y_1[\%]^*$	$\Delta t [^{\circ}\mathrm{C}]^{**}$	
Diethyl ether + 2-Methylbutane	2.2	0.3	1.9	0.3	
Methyl <i>i</i> -butyl ketone + 2-Butanol	2.0	0.1	4.9	1.6	
2-Propanol + Toluene	1.4	0.3	4.0	0.8	
Methanol + Carbon tetrachloride	2.4	0.4	3.8	0.4	
<i>i</i> -Propyl acetate + 2-Propanol	1.5	0.2	7.0	1.8	
Water + 2-Propanol	2.1	0.3	1.7	0.2	
Cyclohexane + Propionic acid	2.0	0.6	2.4	1.2	
Butyl formate + Formic acid	3.1	0.7	7.4	0.6	
Avg.	2.1	0.4	4.1	0.9	
	1 N				

* $\Delta y_1[\%] = \frac{100}{N} \sum^{N} \frac{|y_{1,\text{calc}} - y_{1,\text{exp}}|}{y_{1,\text{exp}}}$, ** $\Delta t[^{\circ}C] = \frac{1}{N} \sum^{N} |t_{\text{calc}} - t_{\text{exp}}|$, N = number of data points

体的に見て GC-W がより有用と評価された。 このことは、UNIFAC グループ相互作用パラ メータが混合物の種類によらず共通である (適用範囲が広い)のに対して、GC-W の相 互作用パラメータの予測式の係数値は、対象 となる混合系群毎に決定されている(適用範 囲が狭い)ことによるものと考えられる。ま た、GC-W は Wilson 式(現状で最良の活量係 数式)に基づいているため、UNIQUAC に立 脚している UNIFAC より良好な結果を与えて いる可能性もある。さらに、GC-W では分子 構造を適切に反映する標準沸点をパラメータ に含んでいるため、異性体系についてはとく に有効と考えられる。GC-Wの利点を強調し たが、その反面 ϵ_{12} 、 ϵ_{21} の予測式の係数値が決 定されている混合系群が限られており、 UNIFACに比べて適用できる混合物の範囲が 狭いといった弱点がある。適用可能な混合系 群の拡充のため、今後同族体混合物への適用 など、広範囲な混合系群の係数決定が強く望 まれている。

使用記号

a = interaction parameter between groups [K] p = total pressure [Pa]

p°	= vapor pressure of pure component	[Pa]
Q_k	= surface area parameter of group k	[-]
R	= gas constant	$[\mathbf{J} \cdot \mathbf{mol}^{-1} \cdot \mathbf{K}^{-1}]$
R_k	= volume parameter of group k	[-]
t	= temperature	[°C]
Т	= absolute temperature	[K]
v	= liquid molar volume	$[\text{cm}^3 \cdot \text{mol}^{-1}]$
x	= mole fraction of liquid phase	[-]
X_k	= group fraction of group k	[-]
y	= mole fraction of vapor phase	[-]
z	= co-ordination number $(z = 10)$	[-]
γ	= activity coefficient of component	[–]
Γ	= activity coefficient of group	[-]
δ	= solubility parameter	$[(J \cdot cm^{-3})^{0.5}]$
Е	= interaction parameter between unlike	molecules[-]
θ	= surface area fraction	[-]
λ	= interaction energy due to attractive for	orce [J·mol ⁻¹]
Λ	= Wilson parameter	[-]
v	= number of group	[-]

[-]

Subscript

b = normal boiling point

 ϕ = segment fraction

- $k = \operatorname{group} k$
- 1 = component 1
- 2 = component 2
- 25 = standard temperature $(25^{\circ}C)$

Superscript

- C = combinatorial part
- R = residual part
- (*i*) = molecule i

参考文献

- 荒井康彦, 岩井芳夫, 迫口明浩, 長谷昌紀, 東内秀機, 福地賢治, 三島健司, 工学のた めの物理化学(8章), 朝倉書店, 東京, 1991
- G. M., Wilson, "Vapor-Liquid Equilibrium. XI. A New Expression for the Excess Free Energy of Mixing," J. Am. Chem. Soc., 86, pp. 127-130, 1964
- 化学工学会編,化学工学便覧(改訂六版),
 p. 68, 丸善, 東京, 1999
- 4) S. Kobuchi, K. Ishige, S. Yonezawa, K. Fukuchi and Y. Arai, "Correlation of Vapor-Liquid Equilibria for Polar Mixtures by Using Wilson Equation with Parameters Estimated from Solubility Parameters and Molar Volumes," J. Chem. Eng. Japan, Vol. 44, pp. 449-454, 2011
- 5) S. Kobuchi, K. Ishige, S. Yonezawa, K. Fukuchi and Y. Arai, "Correlation of Vapor-Liquid Equilibria Using Wilson Equation with Parameters Estimated from Solubility Parameters and Molar Volumes," Mem. Fac. Eng., Yamaguchi Univ., Vol.62, pp. 1-11, 2011

- 小渕茂寿,米澤節子,福地賢治,荒井康彦, "拡張正則溶液モデルと Wilson 式による気 液平衡の相関,"山口大学工学部研究報告, Vol. 62, pp. 13-25, 2011
- 小渕茂寿,石毛健二,高倉啓,米澤節子, 福地賢治,荒井康彦, "Wilson 式による ETBE+エタノール,ETBE+オクタン,エ タノール+オクタンおよびETBE+エタノ ール+オクタン系の気液平衡の推算,"化 学工学論文集,Vol. 38, pp. 76-79, 2012
- 8) S. Kobuchi, K. Ishige, K. Takakura, S. Yonezawa, K. Fukuchi and Y. Arai, "Correlation of Vapor-Liquid Equilibria of Alcohol + Aliphatic Chloride Binary Systems by Using Wilson Equation with Parameters Estimated Solubility Parameters and Molar Volumes," J. Chem. Eng. Japan, Vol. 45, pp. 311-314, 2012
- S. Kobuchi, K. Ishige, K. Takakura, S. Yonezawa, K. Fukuchi and Y. Arai, "Prediction of Vapor-Liquid Equilibria of Alcohol + Hydrocarbon Binary Systems by Using Wilson Equation with Parameters Estimated from Pure-Component Properties," J. Chem. Eng. Japan, Vol. 45, pp. 893-895, 2012
- 小渕茂寿,米澤節子,福地賢治,荒井康彦, "純物質の物性値による Wilson パラメータ の予測,"分離技術, Vol. 42, pp. 235-241, 2012
- 11) S. Kobuchi, K. Takakura, S. Yonezawa, K. Fukuchi and Y. Arai, "Estimation of Wilson Parameters from Molecular Structures and Pure-Component Properties," Proc. 6th Int. Symp. Mol. Thermodyn. Mol. Simul. (MTMS'12), Higashi-Hiroshima, Japan, 2012
- 12) S. Kobuchi, K. Takakura, S. Yonezawa, K. Fukuchi and Y. Arai, "Correlation of Vapor-Liquid Equilibria of Binary Systems Containing Carboxylic Acid by Using Wilson Equation with Parameters Estimated from Pure-Component Properties," J. Chem. Eng. Japan, in press
- 13) R. F. Fedors, "A Method for Estimating Both the Solubility Parameters and Molar Volumes of Liquids," Polym. Eng. Sci., Vol. 14, pp. 147-154, p.472, 1974
- 14) B. E. Poling, J. M. Prausnitz and J. P. O'Connell, The Properties of Gases and Liquids, 5th ed., p. 4.33, McGraw-Hill, New York, U. S. A., 2001
- 15) 小渕茂寿, 石毛健二, 米澤節子, 福地賢治, 荒井康彦, "溶解度パラメータとモル体積 による Wilson パラメータの予測," 化学工 学論文集, Vol. 37, pp. 1-3, 2011

- 16) 米澤節子,小渕茂寿,福地賢治,荒井康彦, "分子構造と標準沸点の関係,"山口大学工 学部研究報告, Vol. 63, pp. 1-6, 2012
- 17) A. Fredenslund, R. L. Jones and J. M. Prausnitz, "Group-Contribution Estimation of Activity Coefficients in Nonideal Liquid Mixtures," AIChE J., Vol.21, pp. 1086-1099, 1975
- 18) J. Gmehling, P. Rasmussen and A. Fredenslund, "Vapor-Liquid Equilibria by UNIFAC Group Contribution. Revision and Extension. 2," IEC Process Des. Dev., Vol. 21, pp. 118-127, 1982

(平成24年 9月14日受理)